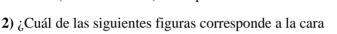
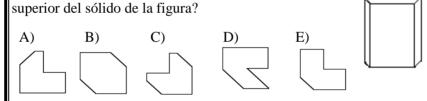
CONCURSO CANGURO PRUEBA ESTUDIANTE PRIMER AÑO DE DIVERSIFICADO

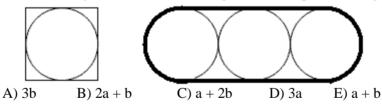
	n a Rimini en tren,		_	_	
contado desde el principio del tren, y Marco se hallaba en el sexto vagón contado desde el final del tren, de frente a Lisa, con un vagón de					
separación entre ambos. ¿Cuántos vagones tenía el tren?					
A) 15	B) 14	C) 13			



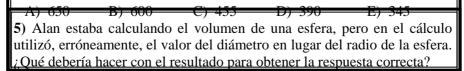
D) menos de 13E) no se puede determinar



3) El área del cuadrado de la figura es "a" y el área de cada uno de los círculos es "b". ¿Cuál es el área de la región limitada por la línea gruesa?



4) El promedio de estudiantes aceptados por un colegio en los cuatro años comprendidos entre 1999 y 2002 fue de 325 estudiantes por año. El promedio de estudiantes aceptados por el mismo colegio en los cinco años comprendidos entre 1999 y 2003 fue un 20% mayor. ¿Cuántos estudiantes aceptaron en este colegio en 2003?



- A) Dividirlo entre dos.
- B) Dividirlo entre cuatro.
- C) Dividirlo entre seis.
- D) Dividirlo entre ocho.
- E) Dividirlo entre dieciséis.
- 6) ¿Cuál de los siguientes grupos de medidas determinan la existencia de un único triángulo ABC con esas medidas?

A)
$$AB = 11cm$$
, $BC = 19cm$, $CA = 7cm$

B) AB = 11cm, BC = 6cm,
$$\angle$$
BAC = 63°

C) AB = 11cm, CA = 7cm,
$$\angle$$
CBA = 128°

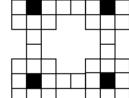
D)
$$AB = 11$$
cm, $\angle BAC = 63^{\circ}$, $\angle CBA = 128^{\circ}$

E) Ninguna de las anteriores.

7)
$$2^{n+2003} + 2^{n+2003} =$$

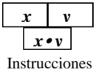
- B) $2^{2n+4006}$ C) $4^{2n+4006}$ D) $4^{2n+2003}$ E) 4^{n+2003}
- 8) El conjunto de todos los valores del parámetro "m" para los cuales las curvas $x^2 + y^2 = 1$ e $y = x^2 + m$ tienen exactamente un punto común es:
- A) {-5/4, -1, 1} B) {-5/4, 1} C) {-1, 1} D) {-5/4} E) {1}

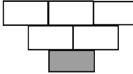
- 9) ¿De cuántas maneras se pueden cubrir completamente todos los cuadrados blancos de la figura con las usuales piezas de dominó 1 x 2?



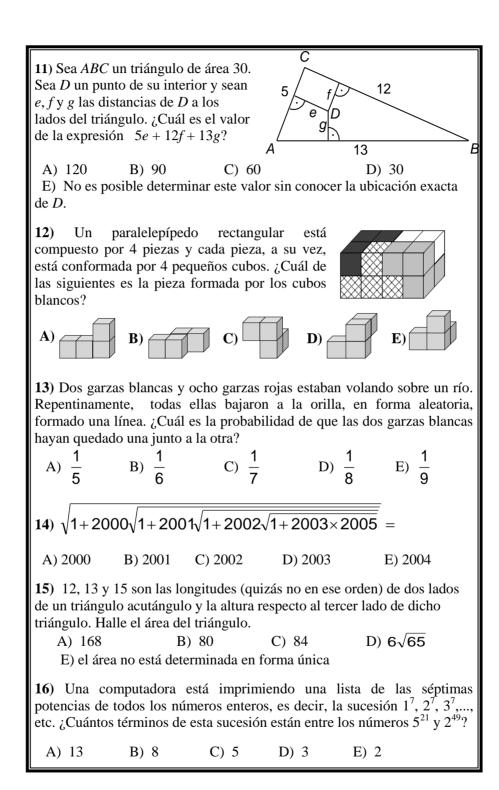
- A) 8
- B) 16
- C) 32

- D) 64
- E) 100
- 10) Construimos un triángulo numérico, con números enteros mayores que 1 en cada casilla, siguiendo las instrucciones que se muestran abajo. ¿Cuál de las alternativas dadas no puede ser colocada en la casilla sombreada?





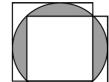
- A) 154
- B) 100
- C) 90
- D) 88
- E) 60



17) Si sabemos que $10^n + 1$ es un múltiplo de 101 y que n es un número de dos dígitos. ¿Cuál es el máximo valor posible de n?

- A) 92
- B) 94
- C) 96
- D) 98
- E) 99

18) Dos cuadrados del mismo tamaño cubren un círculo de radio 3 cm. ¿Cuál es el área de la zona oscura?



- A) $8(\pi 1) \text{ cm}^2$ B) $6(2\pi 1) \text{ cm}^2$
- C) $9\pi 25 \text{ cm}^2$ D) $9(\pi 2) \text{ cm}^2$ E) $\frac{6\pi}{5} \text{ cm}^2$

E)
$$\frac{6\pi}{5}$$
 cm²

19) La suma $100^2 - 99^2 + 98^2 - ... + 2^2 - 1^2$ es igual a:

- A) 2002
- B) 2020
- C) 4040
- D) 5050
- E) 8008

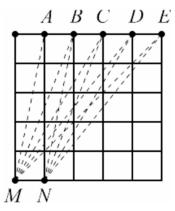
20) Si
$$\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 = 6$$
 y $a > 0$, entonces $a^3 + \frac{1}{a^3}$ es igual a

- B) 3√6
- C)6
- D) $5\sqrt{6}$
- E) $6\sqrt{6}$

21) En la figura de la derecha, el cuadrado está dividido en 25 cuadrados pequeños. Encuentra la medida del ángulo que es la suma de los ángulos MAN, MBN, MCN, MDN, y MEN.



- B) 45°
- $C) 60^{\circ}$
- D) 75°
- E) 90°



22) Un punto P(a, b) pertenece a un círculo con centro M(2,2) y radio r. Si se sabe que b = r > 2 y a, b y r son todos enteros positivos, ¿cuál es el menor valor posible que puede tener a?

- A) 2
- B) 4
- C)6
- D) 8
- E) 10

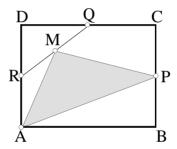
23) Si A > B > 1 y B un entero positivo tal que A, B, A - B, A + B son todos primos, entonces S = A + B + (A - B) + (A + B) es

- A) par
- B) un múltiplo de 3
- C) un múltiplo de 5
- D) un múltiplo de 7
- E) primo

24) El gerente de una tienda tiene que decidir qué precio debe colocarle a unos suéteres. Un estudio de mercado le arroja los siguientes datos: Si el precio de cada suéter fuese \$75, entonces 100 adolescentes comprarán estos suéteres. Cada vez que el precio se incremente en cinco dólares (\$5), 20 adolescentes menos comprarán estos suéteres. Sin embargo, cada vez que al precio se le resten \$5, serán vendidos 20 suéteres más. Estos suéteres le cuestan a la compañía \$30 cada pieza. ¿Cuál es el precio de venta que proporcionaría las mayores ganancias?

- A) \$85
- B) \$80
- C) \$75
- D) \$70
- E) \$65

25) En el rectángulo ABCD, sean P, Q y R los puntos medios de los lados BC, CD y AD, respectivamente, y sea M el punto medio del segmento QR. ¿Qué fracción del área de ABCD cubre el triángulo APM?



- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{3}{8}$

- D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{5}{16}$

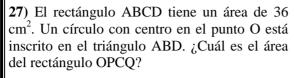
26) Una sucesión (a_n) _{n≥0} es definida de la siguiente forma:

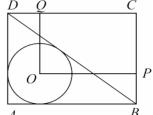
- $a_0 = 4$,
- $a_1 = 6$

$$a_{n+1} = (a_n) / (a_{n-1}), n \ge 1.$$

Entonces a 2003 es igual a:

- A) $\frac{3}{2}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 4 D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{6}$





- A) 24 cm^2
- B) $6\pi \text{ cm}^2$
- C) 18 cm²
- D) $12\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- E) Depende del cociente entre los lados AB y AD
- 28) Pedro coloca una flecha en cada lado de un cubo, definiendo un vector. Luego, él procede a sumar todos los 12 vectores así obtenidos. ¿Cuántas sumas distintas de vectores podría obtener Pedro de esta forma (con todas las posibles elecciones)?
 - A) 25
- B) 27
- C) 64
- D) 100
- E) 125
- 29) Dados los 6 vértices de un hexágono regular y todos los segmentos que tienen por extremos a cualesquiera dos de estos vértices, llamaremos "forasteros" a dos de tales segmentos si ellos no tienen puntos comunes (incluso los extremos). ¿Cuántos pares de "forasteros" hay en el hexágono?
 - A) 26
- B) 28
- C) 30
- D) 34
- E) 36
- **30**) Sea f un polinomio tal que $f(x^2 + 1) = x^4 + 4x^2$. Determina $\hat{f}(x^2 - 1)$.
 - A) $x^4 4x^2$ B) x^4 D) $x^4 4$ E) Ninguna of
- C) $x^4 + 4x^2 4$

- E) Ninguna de las anteriores